



# Análise de Discriminantes Lineares para Modelagem e Reconstrução de Imagens de Face

Edson C. Kitani (FEI-SP)  
Carlos E. Thomaz (FEI-SP)



## SUMÁRIO

- Motivação
- Captura da variabilidade das amostras
- O problema
- Nossa abordagem
- Experimentos
- Conclusão



## Conjunto de imagens de faces femininas não sorrindo e sorrindo

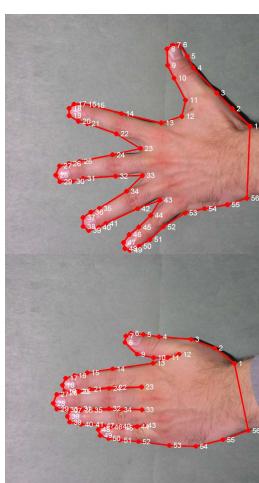


## Conjunto de imagens de faces masculinas não sorrindo e femininas sorrindo



# Como capturar e caracterizar a informação discriminante contida nas imagens de faces?

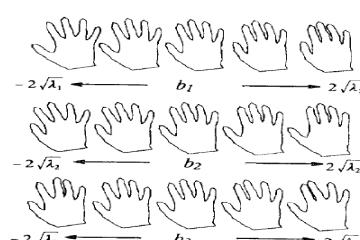
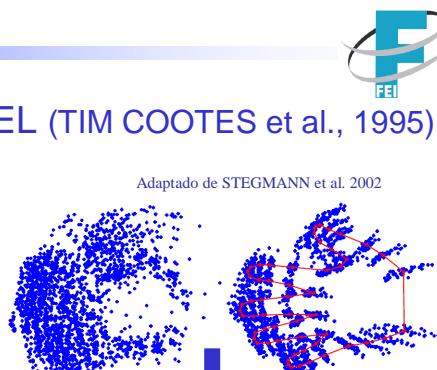
## ACTIVE SHAPE MODEL (TIM COOTES et al., 1995)



Adaptado de STEGMANN et al. 2002



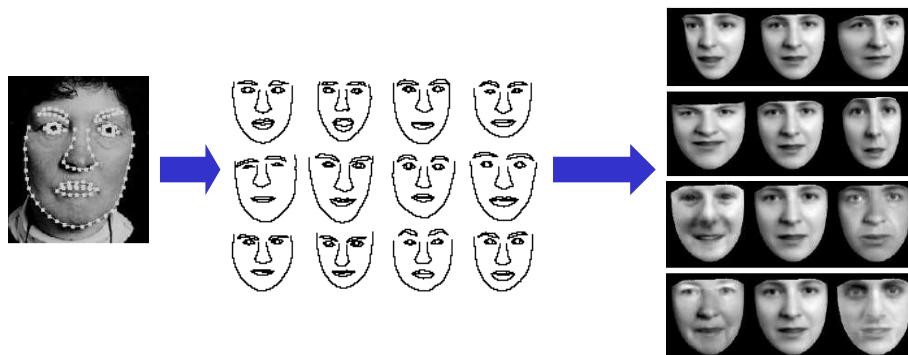
Adaptado de STEGMANN et al. 2002



Adaptado de COOTES et al. 1995

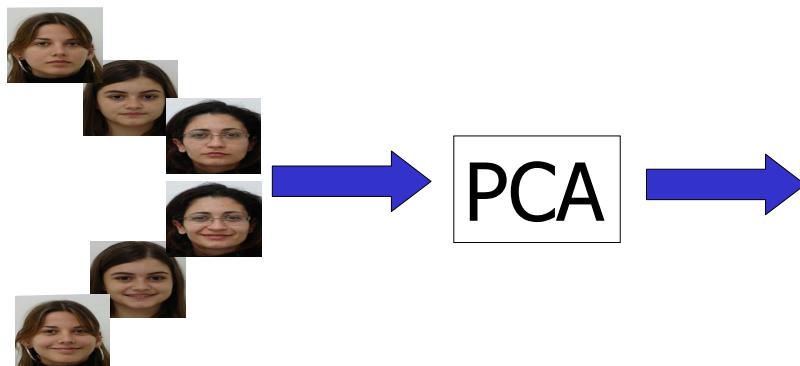


## ACTIVE APPEARANCE MODEL (TIM COOTES et al., 1998)



Desejamos capturar a variabilidade das formas existentes em imagens de faces estáticas, mas sem o uso de landmarks.

Se aplicarmos o PCA de (Turk & Pentland, 1991) no conjunto de treinamento

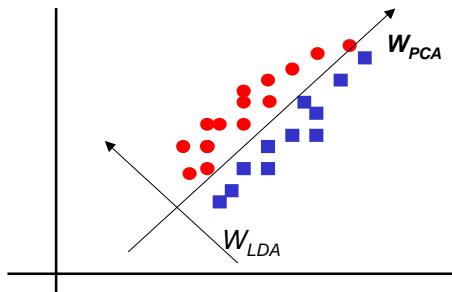


Obteremos:

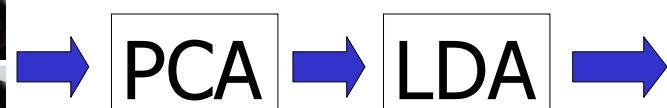
- Eigenfaces
- Uma base vetorial que melhor representa as maiores variâncias das amostras
- Redução da dimensionalidade e uma representação econômica

$$\mathbf{x}_i \approx \bar{\mathbf{x}} + y_1 \boldsymbol{\varphi}_1 + y_2 \boldsymbol{\varphi}_2 + y_3 \boldsymbol{\varphi}_3 \dots$$

Entretanto, o PCA pode não encontrar a melhor orientação para fins de classificação.



Utilizando-se uma abordagem combinada  
PCA+LDA.





O LDA determina uma base que melhor classifica as amostras, entretanto, o LDA sofre com a instabilidade na inversão da matriz  $S_w$

$$W_{opt} = \arg \max_W \left| \frac{W^T S_b W}{W^T S_w W} \right|$$

$$S_b = \sum_{i=1}^c N_i (\bar{x}_i - \bar{x})(\bar{x}_i - \bar{x})^T$$
$$S_w = \sum_{i=1}^c \sum_{j=1}^{N_i} (x_{i,j} - \bar{x}_i)(x_{i,j} - \bar{x}_i)^T$$

$$(S_w^{-1} S_b) \Phi = \Phi \Lambda$$

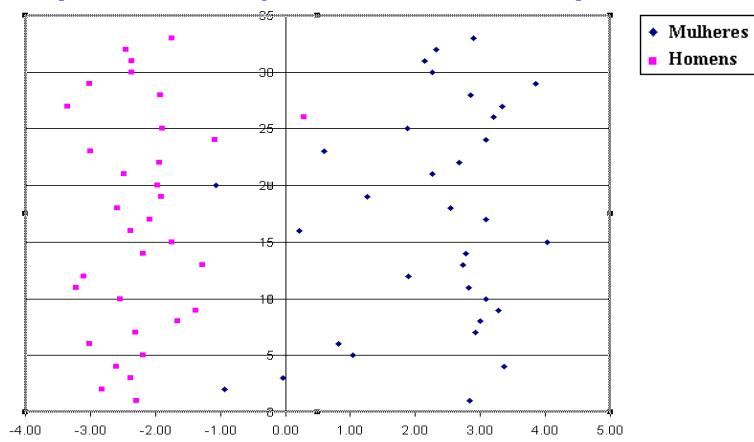
$\Phi$  são os autovetores

$\Lambda$  são os autovalores

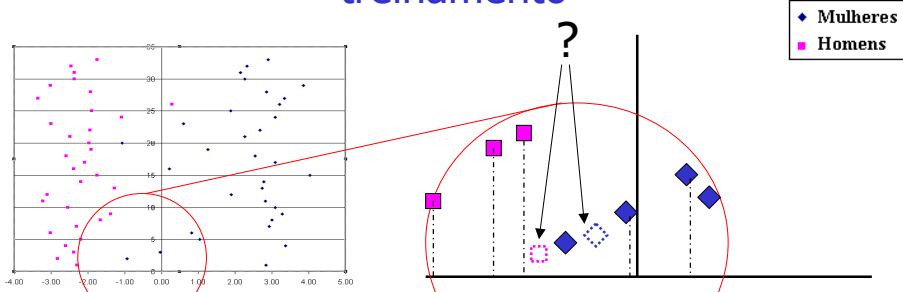


Entre as diversas abordagens que propõem um método de regularização da matriz de intra-classe  $S_w$ , este trabalho utiliza a abordagem proposta por THOMAZ et al. 2005 denominado MLDA

O MLDA é um classificador linear que supera o problema do pequeno número de amostras  
*(Small Sample Size Problem)*



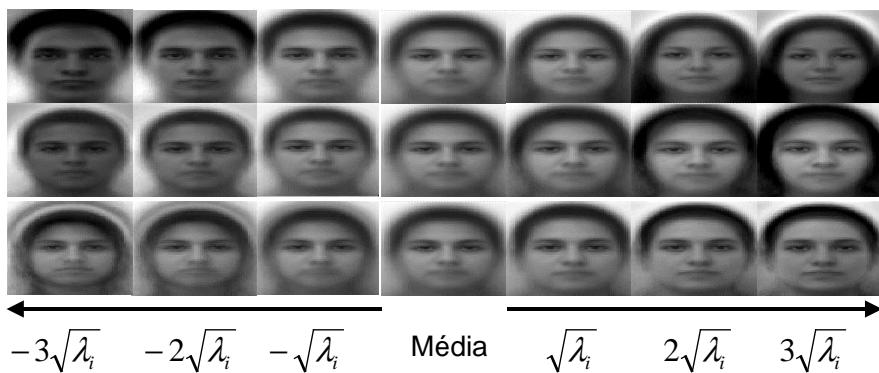
Todavia, existem infinitas outras projeções que não possuem relação com o conjunto de treinamento



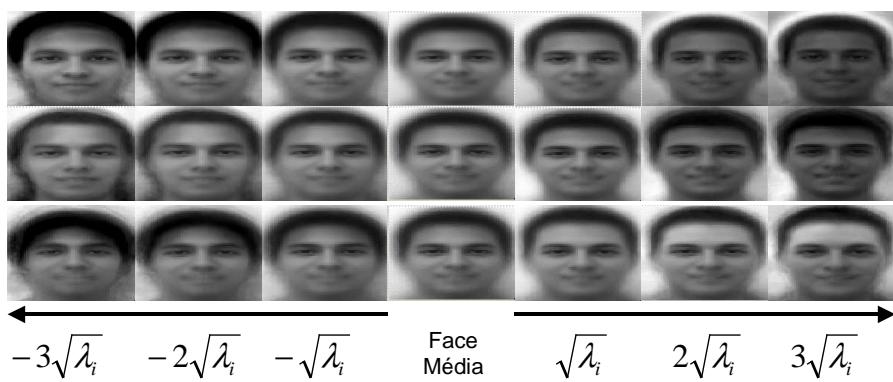
Navegando-se nas 3 primeiras Eigenfaces, assim é proposto na abordagem AAM (Active Shape Model) de Tim Cootes et al.

Reconstrução visual das 3 primeiras Eigenfaces para o conjunto de faces masculinas e femininas com expressão neutra

$$\mathbf{x}_i = \bar{\mathbf{x}} + \Phi_i b_i$$



Reconstrução visual das 3 primeiras Eigenfaces para o conjunto de faces masculinas sorrindo em não sorrindo

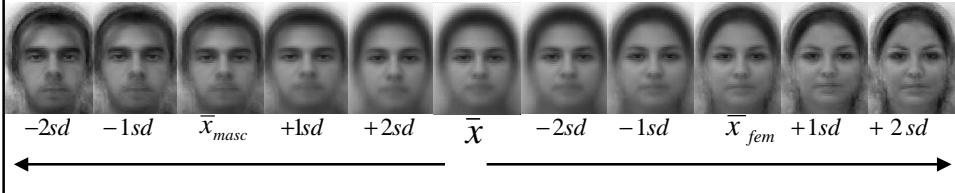


Contudo, ainda não ficou  
muito claro o que cada  
Eigenface captura



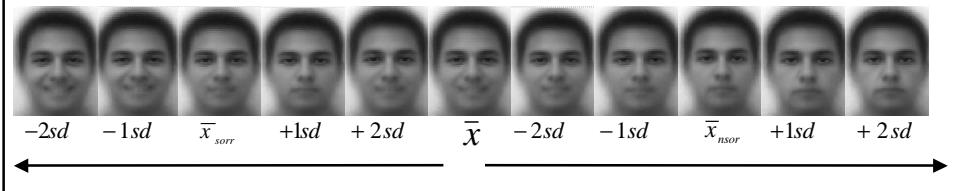
## RECONSTRUINDO-SE AGORA AS IMAGENS PRODUZIDAS PELA NAVEGAÇÃO NO HIPERPLANO DISCRIMINANTE

$$x_i = \bar{x} + \Phi_{PCA}^T \Phi_{MLDA}^T y_i^{MLDA}.$$



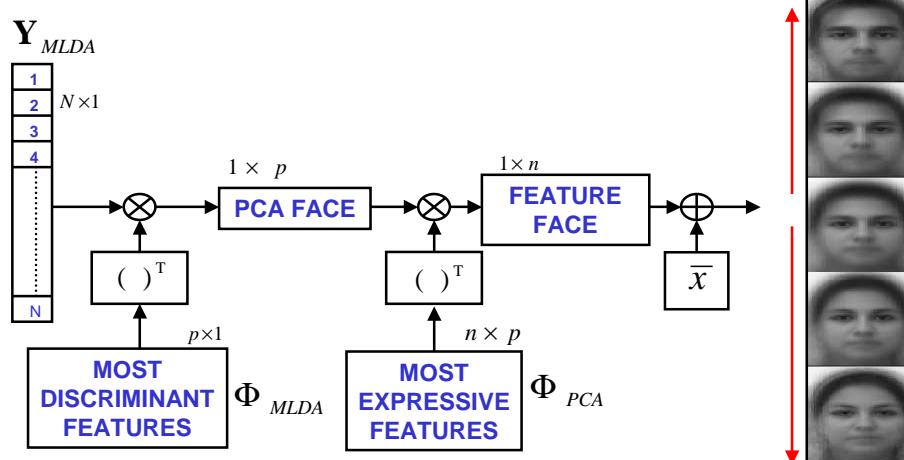
## RECONSTRUÇÃO PARA O GRUPO DE FACES MASCULINAS SORRINDO E NÃO SORRINDO

$$x_i = \bar{x} + \Phi_{PCA}^T \Phi_{MLDA}^T y_i^{MLDA}.$$



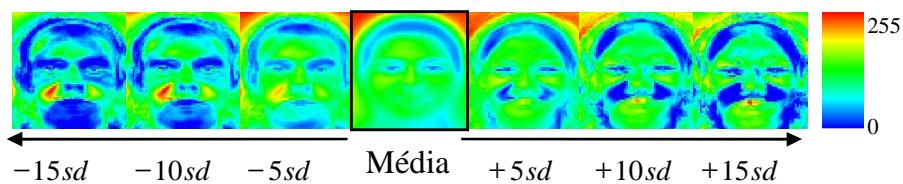
# Caracterizando as informações que são mais discriminantes

## FASE DE RECONSTRUÇÃO

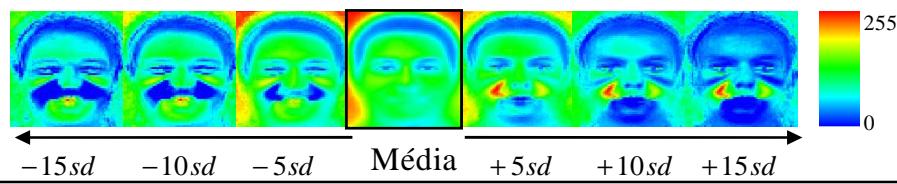




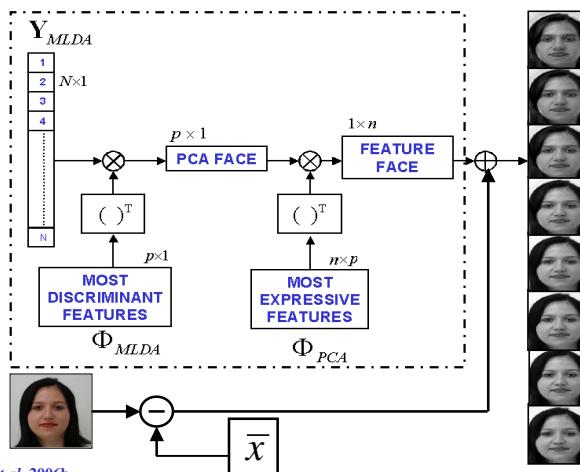
## PARA O GRUPO FACES MASCULINAS NÃO SORRINDO E FACES FEMININAS SORRINDO



## PARA O GRUPO FACES MASCULINAS NÃO SORRINDO E FACES FEMININAS SORRINDO



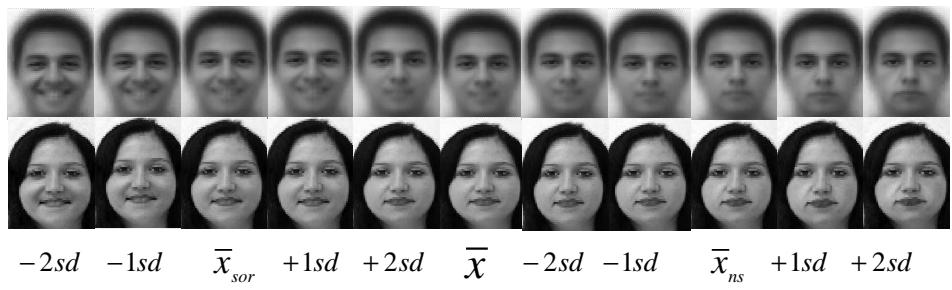
## FASE DA TRANSFERÊNCIA DA INFORMAÇÃO DISCRIMINANTE



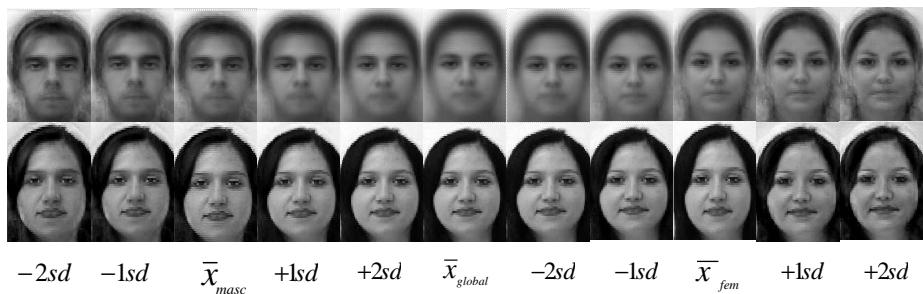
Adaptado de KITANI *et al.* 2006b



## TRANSFERINDO A INFORMAÇÃO MAIS DISCRIMINANTE PARA UMA IMAGEM QUE NÃO PERTENCE AO CONJUNTO DE TREINAMENTO



## TRANSFERINDO A INFORMAÇÃO MAIS DISCRIMINANTE PARA UMA IMAGEM DO MESMO CONJUNTO DE TREINAMENTO





## CONCLUSÃO

Um classificador linear pode ser utilizado para extrair a variabilidade existente em um conjunto de treinamento.

Um classificador linear pode ser utilizado para predizer e sintetizar novas informações.

Investigou-se como uma informação discriminante é caracterizada por um classificador linear bem como o seu poder de generalização.

Avaliou-se que as transformações provocadas no modelo de representação podem ser transferidas para outras imagens.



## OS AUTORES AGRADECEM AO PÚBLICO PRESENTE PELA ATENÇÃO

À pelo apoio através do projeto 2005/02899-4.

Ao Leo Leonel pela aquisição e alinhamento das imagens do banco de faces da FEI sob a bolsa FEI-PBIC 32-05.



## REFERÊNCIAS

- BARTLETT, M. S.; SEJNOWSKI, T. J. Independent component of face images: Representations for face recognition. In ANNUAL JOINT SYMPOSIUM ON NEURAL COMPUTATION, 4., 1997 Pasadena. California, Anais. Pasadena 1997.
- BARTLETT, M. S.; MOVELLAN, J. R.; SEJNOWSKI, T. J. Face recognition by independent component analysis. *IEEE Transaction on Neural Networks*, USA, v. 13, n. 6, p. 1450-1464, November 2002.
- BELHUMEUR, P.; HESPANHA, J. P. N.; KRIEGMAN, D. J. Eigenfaces vs. Fisherfaces: recognition using class specific linear projection. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, USA v. 19, n. 7, p. 711-720, July 1997.
- CHELLAPPA, R.; WILSON, C. L.; SIROHEY, S.; Human and machine recognition of faces: A Survey. *Proceedings of IEEE*, v.83, n. 5, May 1995.
- COOTES, T.F.; TAYLOR, C. J. COOPER, D. H. GRAHAM, J.; Active Shape Models- Their training and application. *Computer Vision and Image Understanding*, v. 61, n.1, p. 38-59, 1995.
- COOTES, T. F.; EDWARDS, G. J.; TAYLOR, C. J. Active Appearance Models. H. BURKHARDT and B. NEWMANN, EUROPEAN CONFERENCE ON COMPUTER VISION, 5., 1998, Berlin, v. 2, Anais. Berlin, Springer, 1998. p. 484-498.
- COOTES, T. F.; WALKER, K. N.; TAYLOR, C. J. View-Based Active Appearance Models, In: INTERNACIONAL CONFERENCE ON AUTOMATIC FACE AND GESTURE RECOGNITION, 4, 2000, Grenoble, Anais. France, 2000. p. 227-232.
- COOTES, T.F.; LANITIS, A.; Statistical Models of Appearance for Computer Vision, Technical report on Imaging Science and Biomedical Engineering Dept., University of Manchester, 125 f. 2004.
- DUDA, R. O.; HART, P. E.; STORK, D. G. *Pattern recogniton*, 2<sup>nd</sup> ed. New York: John Wiley & Sons, 2001.



- FUKUNAGA, K. *Introduction to statistical pattern recognition*, 2<sup>nd</sup> ed. Boston: Academic Press, 1990.
- KITANI, E. C.; THOMAZ, C. E.; Um tutorial sobre análise de componentes principais para o reconhecimento automático de faces; Relatório Técnico 01/2006, Departamento de Engenharia Elétrica da FEI, São Bernardo do Campo, SP; 23 f. 2006, disponível em [www.fei.edu.br/~cet](http://www.fei.edu.br/~cet).
- KITANI, E. C.; THOMAZ, C. E.; GILLIES, D. F. A statistical discriminant model for face interpretation and reconstruction. In: proceedings of SIBGRAP' 06, IEEE CS Press, Manaus, Amazonas, Brazil, October 2006 (to appear).
- MARR, DAVID, Vision, San Francisco, W. H. Freeman, 1982.
- MOGHADDAM, B.; PENTLAND, A. Probabilistic visual learning for object representation. In: *Proceedings of IEEE International Conference on Computer Vision*, p. 786-793, Cambridge, USA, June 1995.
- MOGHADDAM, B.; WAHID, W.; PENTLAND, A. Beyond eigenfaces: Probabilistic matching for face recognition. *IEEE International Conference on Automatic Face and Gesture Recognition*, Nara, Japan, April 1998.
- MOGHADDAM, B.; JEBARA, T.; PENTLAND, A. Bayesian face recognition. *PATTERN RECOGNITION*, v. 33, p. 1771-1782, November 2000.
- OLIVEIRA JR, L. L.; THOMAZ, C. E.; Captura e alinhamento de imagens: Um banco de faces brasileiro. Relatório de iniciação científica, Departamento de Engenharia Elétrica da FEI, São Bernardo do Campo, SP, 10 f., 2006, disponível em [www.fei.edu.br/~cet](http://www.fei.edu.br/~cet).



OSUMA, R. G, Principal components analysis. Lecture Notes 9. Texas A&M University, Texas, 2004a, disponível em [www.courses.cs.tamu.edu/rvgutier/cs790-w02](http://www.courses.cs.tamu.edu/rvgutier/cs790-w02), acessado em 20/12/2005.

OSUMA, R. G., Linear discriminant analysis. Lecture Notes 10. Texas A&M University, Texas, 2004b, disponível em [www.courses.cs.tamu.edu/rvgutier/cs790-w02](http://www.courses.cs.tamu.edu/rvgutier/cs790-w02), acessado em 20/12/2005.

SIROVICJH, L.; KIRBY, M. Low-dimensional procedure for the characterization of human faces. *Journal of Optical Society of America*, v. 4 p. 519-524, March 1987.

STEGMANN, M. B., GOMEZ, D. D., A brief introduction to statistical shape analysis. Informatics and Mathematical Modeling Department, Technical University of Denmark, Denmark, 6 Mach 2002.

SWETS, D.; WENG, J. Using discriminat eigenfeatures for Image retrieval. *IEEE PAMI* v. 18 n. 8, p. 831-836, August 1996.

THOMAZ, C. E. **Estudo de classificadores para o reconhecimento automático de faces.** 1999. 101 f. Dissertação (Mestrado em Engenharia Elétrica) – Departamento de Engenharia Elétrica, Pontifícia Universidade Católica, Rio de Janeiro, 19 de Janeiro de 1999.

THOMAZ, C. E. **Maximum entropy covariance estimate for statistical pattern recognition.** 2004. 152 f. Tese (Doctor of Philosophy Ph.D.) – Department of Computing, Imperial College London, University of London, London.

THOMAZ, C. E. Linear discriminant analysis, Notas de aulas, Visão Computacional, Mestrado da FEI, 2005.

THOMAZ, C. E.; GILLIES, D. F.; A Maximum uncertainty LDA-based approach for limited sample size problems with application to face recognition. In *Proceedings of SIBGRAPI' 05*, IEEE CS Press, p. 89-96, 2005.



THOMAZ, C. E.; KITANI, E. C.; GILLIES, D. F. A Maximum uncertainty LDA-based approach for limited sample size problems with application to face recognition. In *Proceedings of SIBGRAPI' 05, Journal of Brazilian Computer Society (JBCS) IEEE CS Press*, v. 12 n. 2, p. 89-96, June 2005 (in press).

THOMAZ, C. E.; AGUIAR, N. O.; OLIVEIRA, S. H. A.; DURAM, F. L. S.; BUSATTO, G. S.; DUNCAN, F. G.; RUECKERT D. Extraction discriminant information from medical images: A multivariate linear approach. In: *Proceedings of SIBGRAPI' 06*, IEEE CS Press, to appear, 2006.

YANG, M. H.; KRIEGLMAN, D. J.; AHUJA, N. Detecting faces in images: A survey; *IEEE-PAMI*, v. 24 n. 1, p. 34-58, January 2002.

WEN-YI Z., Face recogniton: A tutorial, European Conference on Computer Vision, 2004.